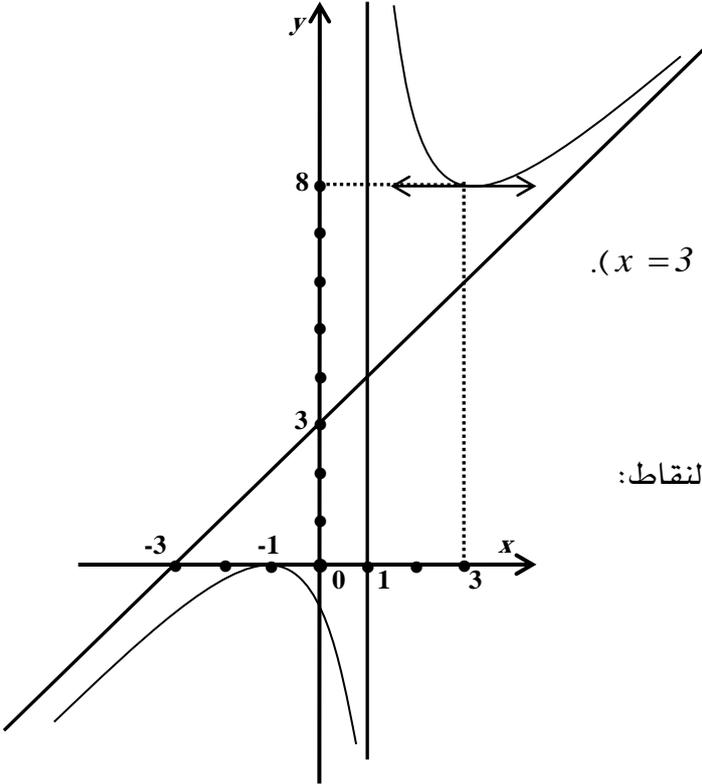


(٤٠ درجة لكل سؤال)

أولاً: أجب عن كل الأسئلة الأربعة الآتية:



**السؤال الأول:** في الشكل المجاور  $C$  خط بياني لتابع  $f$ :

١. أوجد مجموعة تعريف التابع  $f$ .

٢. أوجد  $\lim_{x \rightarrow +1^+} f(x)$ ،  $\lim_{x \rightarrow +1^-} f(x)$

٣. أوجد معادلة المماس لمنحني التابع  $C_f$  في نقطة فاصلتها  $(x=3)$ .

٤. أوجد  $f'(-1)$ ،  $f(-1)$ .

**السؤال الثاني:** حل المعادلة  $e^{2x} - 3e^{x+1} + 2e^2 = 0$

**السؤال الثالث:** في معلم متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، لتكن النقاط:

$C(9, 7, -7)$ ،  $B(3, 9, 3)$ ،  $A(1, 5, -3)$

و النقطة  $I$  منتصف  $[BC]$ ، و المطلوب:

١. أثبت أن المثلث  $ABC$  قائم في  $A$ .

٢. احسب  $\vec{AB} \cdot \vec{AI}$  ثم استنتج  $\cos(\widehat{BAI})$ .

**السؤال الرابع:** عيّن مجموعة النقاط  $M$  التي يمثلها العدد الحقيقي  $z$  حيث  $|4iz| = 6$ .

(٦٠ درجة لكل سؤال)

ثانياً: حل التمارين الأربعة الآتية:

**التمرين الأول:** لتكن النقاط  $A, B, C$  التي تمثلها الأعداد العقدية:

$$c = 3 - 2\sqrt{3}i, \quad b = \sqrt{3}i, \quad a = 3 + 2\sqrt{3}i$$

١. احسب العدد  $\frac{a-b}{c-b}$  و استنتج نوع المثلث  $ABC$ .

٢. عيّن العدد العقدي  $d$  الممثل للنقطة  $D$  ليكون  $ABCD$  مستطيل.

**التمرين الثاني:** لتكن المعادلة  $iz^2 - z - i = 0$ ، أثبت أن العدد  $z_1 = \frac{1 + \sqrt{3}i}{2i}$  جذراً لها،

ثم أوجد الجذر الآخر  $z_2$ ، ثم اكتب  $z_1$  بالشكل الأسّي.

**التمرين الثالث:** ١. ليكن  $f$  التابع المعرف وفق العلاقة:  $f(x) = \frac{1-x}{\sqrt{x^2-1}}$

١. أوجد مجموعة تعريف التابع  $f$ .

٢. أوجد نهاية التابع  $f$  عند  $(1)$  و  $(+\infty)$ .

٣. دل على كل مقارب لخطه البياني.

٢. ادرس قابلية اشتقاق التابع  $f(x) = \frac{x^2 + |x|}{x^2 + 1}$  عند الصفر من اليمين،

و اكتب معادلة لنصف المماس من اليمين لخطه  $C$  في النقطة  $A(0, 0)$ .

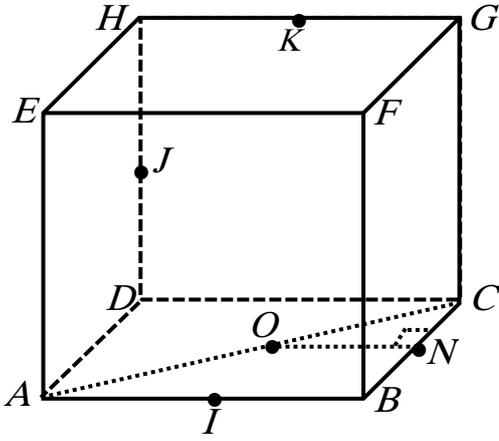
**التمرين الرابع:** ليكن التابع  $f$  المعرف على المجال  $]1, +\infty[$  وفق  $f(x) = \frac{1}{x-1} - \sqrt{x}$  ، و المطلوب:

①. أدرس تغيرات التابع  $f$  على  $I$  .

②. استنتج أن للمعادلة  $f(x) = 0$  جذراً وحيداً  $\alpha$  يقع في المجال  $]1, 2[$  .

(١٠٠ درجة لكل مسألة)

**ثالثاً: حل كل من المسألتين الآتيتين:**



**المسألة الأولى:** مكعب  $ABCDEFHG$  فيه  $I$  منتصف  $[AB]$

و  $J$  منتصف  $[HD]$  ، و  $K$  منتصف  $[HG]$

و نتخذ معلماً متجانساً  $(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE})$  ، و المطلوب:

①. عيّن إحداثيات النقاط التي تمثل رؤوس المكعب

و إحداثيات  $K, J, I$

②. أثبت أن الأشعة  $\overrightarrow{IK}, \overrightarrow{IJ}, \overrightarrow{BD}$  مرتبطة خطياً،

و استنتج أن المستقيم  $(DB)$  يوازي  $(IJK)$

③. بفرض  $(O)$  منتصف  $[AC]$  ، و  $N$  منتصف  $[BC]$

احسب  $\overrightarrow{ON} \cdot \overrightarrow{CH}$

④. بفرض  $\vec{w} (1, -1-\alpha, \alpha)$  أوجد قيمة العدد الحقيقي  $\alpha$  كي يكون  $\vec{w}, \overrightarrow{EH}$  متعامدان.

**المسألة الثانية:** ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرف وفق  $f(x) = \ln \frac{x-1}{3-x}$

①. تحقق أن  $D_f = ]1, 3[$  .

②. أثبت أن  $4-x \in ]1, 3[$  أيأ كان  $x$  من  $D_f$

③. ①. احسب عند كل  $x$  من  $D_f$  المقدار  $f(4-x) + f(x)$  .

②. استنتج أن النقطة  $A(2, 0)$  هي مركز تناظر لـ  $C$  .

④. ادرس تغيرات التابع  $f$  و نظم جدولاً بها.

⑤. ارسم الخط  $C$  في معلم متجانس.

⑥. استنتج رسم  $C_1: f_1(x) = \ln \frac{3-x}{x-1}$  .

❖ انتهت الأسئلة ❖